Pinned group summary: SO-n6-q3

Pinning-Sympy automated output

July 18, 2026

Contents

1 Basic group attributes **2**
- 1.1 Symmetric bilinear form . . . 2
- 1.2 Lie algebra . . . 2
- 1.3 Torus . . . 2

2 Root system **4**
- 2.1 Dynkin diagram . . . 4
- 2.2 Cartan matrix . . . 4
- 2.3 Roots . . . 4
- 2.4 Coroots . . . 4
- 2.5 Linear combinations of roots . . . 5

3 Root spaces **6**
- 3.1 Dimensions . . . 6
- 3.2 Root space table . . . 6

4 Root subgroups **9**
- 4.1 Root subgroup table . . . 9
- 4.2 Homomorphism property . . . 10

5 Commutators **12**
- 5.1 Commutator identities . . . 13

6 Weyl group **22**
- 6.1 Weyl group elements . . . 22
- 6.2 Weyl group conjugation coefficients . . . 24
- 6.3 Weyl group conjugation identities . . . 27

1 Basic group attributes

Group	SO-n6-q3
Matrix size	6×6
Rank	3
Defining equations	$X^T BX = B$ and $\det(X) = 1$

1.1 Symmetric bilinear form

Dimension	6
Witt index	3
Primitive element	N/A
Epsilon	N/A

Matrix: $\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

1.2 Lie algebra

The Lie algebra is denoted $\mathfrak{g}$. The defining equations for the $\mathfrak{g}$ are: $X^T B + BX = 0$ and $\mathrm{tr}(X) = 0$
A generic element of $\mathfrak{g}$ is:

$$\begin{bmatrix} x_{00} & x_{01} & x_{02} & 0 & -x_{13} & -x_{23} \\ x_{10} & x_{11} & x_{12} & x_{13} & 0 & -x_{24} \\ x_{20} & x_{21} & x_{22} & x_{23} & x_{24} & 0 \\ 0 & -x_{40} & -x_{50} & -x_{00} & -x_{10} & -x_{20} \\ x_{40} & 0 & -x_{51} & -x_{01} & -x_{11} & -x_{21} \\ x_{50} & x_{51} & 0 & -x_{02} & -x_{12} & -x_{22} \end{bmatrix}$$

1.3 Torus

The torus is denoted T. It has rank 3. A generic element of the T is

$$\begin{bmatrix} t_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & t_1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & t_2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{1}{t_0} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{t_1} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{t_2} \end{bmatrix}$$

A **character** of T is a group homomorphism from T to the multiplicative group of the ground field. The set of characters is denoted $X_*(T)$. In this document, elements of $X_*(T)$ are written as row vectors $\alpha = (a_1, a_2, \ldots, a_n)$ and such a vector is viewed as a function on diagonal matrices in the following way: for $\alpha = (a_1, a_2, \ldots, a_n) \in X_*(T)$ and $t = \mathrm{diag}(t_1, t_2, \ldots, t_n) \in T$,

$$\alpha(t) = \prod_{i=1}^{n} t_i^{a_i} = t_1^{a_1} t_2^{a_2} \cdots t_n^{a_n}$$

The rows of the matrix below are trivial characters, i.e. elements $\alpha \in X_*(T)$ which are the identity function on T. It would be more accurate to describe $X_*(T)$ as a quotient of a set of group homomorphisms modulo the lattice

generated by trivial characters, but this distinction is not critical for our purposes.

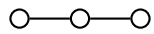
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

2 Root system

Dynkin type	A_3
Irreducible	True
Reduced	True
Simply laced	True
Number of roots	12

2.1 Dynkin diagram

The root system is irreducible and has Dynkin diagram:



2.2 Cartan matrix

The root system is irreducible and has Cartan matrix:

$$\begin{bmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 0 & 2 & -1 \\ -1 & -1 & 2 \end{bmatrix}$$

2.3 Roots

Definition 2.1. A root $\alpha \in \Phi$ is **multipliable** if $2\alpha \in \Phi$.

Root	**Short Form**	**Norm^2**	**Simple**	**Sign**	**Multipliable**
$(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	2	Yes	$+$	No
$(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	2	Yes	$+$	No
$(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0)$	2	Yes	$+$	No
$(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	2	No	$+$	No
$(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	2	No	$+$	No
$(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0)$	2	No	$+$	No
$(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	2	No	$-$	No
$(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	2	No	$-$	No
$(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	2	No	$-$	No
$(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	2	No	$-$	No
$(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	2	No	$-$	No
$(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	2	No	$-$	No

2.4 Coroots

Given a root system Φ, for each root $\alpha \in \Phi$, we find a coroot $\alpha^\vee$ (an integer vector of the same length) so that $\langle \alpha, \alpha^\vee \rangle = 2$. There is not necessarily a unique choice of $\alpha^\vee$, but for the purposes of this document, we choose $\alpha^\vee$ so that it is the integer vector of minimal Euclidean norm among those satisfying $\langle \alpha, \alpha^\vee \rangle = 2$.

Root	**Coroot**
$(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0)$
$(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 1)$
$(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ -1)$
$(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0,\ 1,\ -1,\ 0)$
$(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 1,\ 1)$
$(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 1,\ -1)$
$(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ -1,\ 1)$
$(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ -1,\ -1)$
$(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0,\ -1,\ 1,\ 0)$
$(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 1)$
$(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1,\ -1,\ 0,\ -1)$
$(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0,\ -1,\ -1,\ 0)$

2.5 Linear combinations of roots

Definition 2.2. For two roots α, β in a root system Φ, the set of positive integral linear combinations of α, β that are also roots is denoted $(\alpha, \beta) = \{i\alpha + j\beta \in \Phi : i, j \in \mathbb{Z}_{\geq 1}\}$.

α	β	Pairs (i, j)
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	(1,1)
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	(1,1)
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	(1,1)
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	(1,1)
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	(1,1)
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	(1,1)
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	(1,1)
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	(1,1)
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	(1,1)
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	(1,1)
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	(1,1)
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	(1,1)
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	(1,1)
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	(1,1)
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	(1,1)
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	(1,1)
$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	(1,1)
$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	(1,1)
$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	(1,1)
$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	(1,1)
$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	(1,1)
$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	(1,1)
$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	(1,1)
$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	(1,1)

3 Root spaces

3.1 Dimensions

For a root $\alpha \in \Phi$, the dimension of the associated root space V_α (and also the dimension of the root subgroup U_α) is denoted d_α. The table below lists these dimensions.

α	d_α
$(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	1
$(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	1

3.2 Root space table

The table below lists each root along with a generic element of the associated root space (inside the Lie algebra). These are computed as follows: given a character α, consider the set

$$V_\alpha = \left\{X \in \mathfrak{g} : t \cdot X \cdot t^{-1} = \alpha(t) \cdot X, \forall t \in T\right\}$$

This is a vector subspace of the Lie algebra $\mathfrak{g}$. When V_α is more than just the zero vector, α is called a **root** and the root system Φ is the set of all such roots. For this document, roots are computed as follows: compile a list of potential character vectors α, which are all possible integer vectors of length n with entries from $\{0, \pm 1, \pm 2\}$, then reduce that list of potentials by quotienting by the trivial characters of the torus. Next, instantiate a generic torus element t and a generic Lie algebra element X. For each potential character α, solve the equation

$$t \cdot X \cdot t^{-1} = \alpha(t) \cdot X$$

for X. If there is a nonzero solution space, add α to the set of roots.

Root	**Generic element of root space**
$(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

Root	**Generic element of root space**
$(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 \end{bmatrix}$
$(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

Root	**Generic element of root space**
$(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

4 Root subgroups

4.1 Root subgroup table

For the purposes of this document, root subgroups are found by simply exponentiating the associated root space. That is, for a root $\alpha \in \Phi$, the root space is

$$V_\alpha = \left\{ X \in \mathfrak{g} : t \cdot X \cdot t^{-1} = \alpha(t) \cdot X, \forall t \in T \right\}$$

and the root subgroup is

$$U_\alpha = \left\{ e^X = 1 + X + \frac{X^2}{2!} + \frac{X^3}{3!} + \cdots : X \in V_\alpha \right\}$$

For the purposes of the groups considered in this package, the X^3 and higher terms of the exponential series always vanish, and even the quadratic term frequently vanishes, so we can simplify the description of U_α to:

$$U_\alpha = \left\{ 1 + X + \frac{X^2}{2} : X \in V_\alpha \right\}$$

The table below lists each root along with a generic element of the associated root subgroup.

Root	**Generic element of root subgroup**
$(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

Root	Generic element of root subgroup
$(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 1 \end{bmatrix}$
$(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

4.2 Homomorphism property

For each root $\alpha \in \Phi$, the associated root subgroup map $X_\alpha : V_\alpha \to G$ is a pseudo-homomorphism with respect to the additive structure on V_α and the group operation (i.e. matrix multiplication) in G. That is, for any $u, v \in V_\alpha$,

$$X_\alpha(u) \cdot X_\alpha(v) = X_\alpha(u+v) \cdot \prod_{\substack{i>1 \\ i\alpha \in \Phi}} X_{i\alpha}\Big(q^i_\alpha(u,v)\Big) \tag{1}$$

for some homogeneous polynomial maps $q_\alpha^i : V_\alpha \times V_\alpha \to V_{i\alpha}$. Thus X_α is a group homomorphism if and only the product on the right hand side reduces to 1. The quantities $q_\alpha^i(u, v)$ are called **homomorphism defect coefficients**. For any root α of a root system Φ of any group considered in the Pinning-Sympy package, the set

$$\{i\alpha \in \Phi : i \in \mathbb{Z}_{\geq 2}\}$$

is either empty or a singleton set consisting of $\{2\alpha\}$. The non-empty case only arises when Φ is a non-reduced root system (of Dynkin type BC), and when α is a multipliable root.

Since the root system for this group is reduced, there are no multipliable roots and the product is always empty, hence each X_α is a group homomorphism there are no homomorphism defect coefficients.

5 Commutators

The commutator formula says that for two roots $\alpha, \beta \in \Phi$, the commutator of two root group elements $X_\alpha(u)$ and $X_\beta(v)$ is controlled by the structure of Φ, in particular by which positive integer linear combinations $i\alpha + j\beta$ are elements of Φ. Recall that

$$(\alpha, \beta) = \{i\alpha + j\beta \in \Phi : i, j \in \mathbb{Z}_{\geq 1}\}$$

Specifically, we have the commutator formula

$$\Big[X_\alpha(u), X_\beta(v)\Big] = \prod_{(\alpha,\beta)} X_{i\alpha+j\beta}\Big(N_{ij}^{\alpha\beta}(u,v)\Big)$$

for some homogeneous polynomial functions $N_{ij}^{\alpha\beta} : V_\alpha \times V_\beta \to V_{i\alpha+j\beta}$. We repeat here the table of linear combinations of roots. The quantity $N_{ij}^{\alpha\beta}(u,v)$ is called a **commutator coefficient**. The table below gives these coefficients.

α	β	i	j	$i\alpha + j\beta$	$N_{ij}^{\alpha\beta}(u,v)$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	1	1	$(-1,\ 0,\ -1)$	u_0v_0
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	1	1	$(-1,\ 0,\ 1)$	$-u_0v_0$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	1	1	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0v_0$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	1	1	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0v_0
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	1	1	$(-1,\ -1,\ 0)$	u_0v_0
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	1	1	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0v_0
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	1	1	$(0,\ -1,\ -1)$	u_0v_0
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	1	1	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0v_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	1	1	$(-1,\ -1,\ 0)$	u_0v_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	1	1	$(-1,\ 1,\ 0)$	$-u_0v_0$
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	1	1	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0v_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	1	1	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0v_0$
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	1	1	$(-1,\ 0,\ -1)$	$-u_0v_0$
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	1	1	$(-1,\ 0,\ 1)$	$-u_0v_0$
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	1	1	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0v_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	1	1	$(0,\ 1,\ 1)$	u_0v_0
$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	1	1	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0v_0$
$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	1	1	$(-1,\ 0,\ -1)$	u_0v_0
$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	1	1	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0v_0
$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	1	1	$(1,\ 0,\ -1)$	$-u_0v_0$
$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	1	1	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0v_0$
$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	1	1	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0v_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	1	1	$(1,\ -1,\ 0)$	$-u_0v_0$
$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	1	1	$(1,\ 0,\ 1)$	u_0v_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	1	1	$(-1,\ 0,\ -1)$	$-u_0v_0$
$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	1	1	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0v_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	1	1	$(1,\ 0,\ -1)$	$-u_0v_0$
$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	1	1	$(1,\ 1,\ 0)$	u_0v_0
$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	1	1	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0v_0

α	β	i	j	$i\alpha + j\beta$	$N_{ij}^{\alpha\beta}(u,v)$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	1	1	$(-1,\ 1,\ 0)$	$-u_0v_0$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	1	1	$(1,\ 0,\ 1)$	$-u_0v_0$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	1	1	$(1,\ 1,\ 0)$	u_0v_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	1	1	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0v_0$
$(1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	1	1	$(0,\ -1,\ 1)$	$-u_0v_0$
$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	1	1	$(1,\ 0,\ -1)$	u_0v_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	1	1	$(1,\ 0,\ 1)$	u_0v_0
$(1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	1	1	$(0,\ -1,\ -1)$	u_0v_0
$(1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	1	1	$(0,\ 1,\ -1)$	$-u_0v_0$
$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	1	1	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0v_0
$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	1	1	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0v_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	1	1	$(0,\ -1,\ 1)$	$-u_0v_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	1	1	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0v_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	1	1	$(1,\ -1,\ 0)$	$-u_0v_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	1	1	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0v_0$
$(1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	1	1	$(0,\ 1,\ -1)$	$-u_0v_0$
$(1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	1	1	$(0,\ 1,\ 1)$	u_0v_0
$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	1	1	$(1,\ 0,\ -1)$	u_0v_0
$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	1	1	$(1,\ 0,\ 1)$	$-u_0v_0$

5.1 Commutator identities

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -v_0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & v_0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0v_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0v_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & -v_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & v_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & v_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -v_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0v_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & u_0v_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -v_0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & -v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & v_0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0v_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -u_0v_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0 v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -v_0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & v_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & v_0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -v_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 v_0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 v_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0 v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & v_0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -v_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -v_0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & v_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 v_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 v_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0 v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & -v_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & v_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & v_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -v_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 v_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 v_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0 v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & v_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -v_0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -v_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & v_0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 v_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & u_0 v_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0 v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & -v_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & v_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & v_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -v_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & u_0 v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 v_0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0 v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -v_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & v_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & v_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -v_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 v_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 v_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \quad \beta = (0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -v_0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & v_0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0v_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & u_0v_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0), \quad \beta = (1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & v_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -v_0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -v_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & v_0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0v_0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0v_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0), \quad \beta = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & -v_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & v_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & v_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -v_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & u_0v_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0v_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0), \quad \beta = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -v_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & v_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & v_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -v_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0v_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ -u_0v_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0), \quad \beta = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & v_0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -v_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -v_0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & v_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0v_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & u_0v_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0), \quad \beta = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -v_0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & -v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & v_0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & u_0v_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0v_0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0), \quad \beta = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0), X_\beta(v_0)] = X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\-u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0v_0\\0&0&1&0&u_0v_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-v_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&u_0&0&1&0\\0&-u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\-v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&u_0v_0&0&1&0&0\\-u_0v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&u_0&0&1&0\\0&-u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\-v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-u_0v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\u_0v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&u_0&0&1&0\\0&-u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&u_0v_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0v_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&-v_0&0\\0&1&0&v_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&u_0&0&1&0\\0&-u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&v_0&0\\0&1&0&-v_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&-u_0v_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&u_0v_0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&-u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\-v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&u_0v_0&0&1&0&0\\-u_0v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&-u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\-v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\u_0v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-u_0v_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&v_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-v_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&-u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&-v_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&v_0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&-u_0v_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&u_0v_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&-v_0&0\\0&1&0&v_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&-u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&v_0&0\\0&1&0&-v_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&-v_0&0&1&0&0\\v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&-u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\v_0&0&0&1&0&0\\-v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&u_0v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\-u_0v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-v_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&-u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\-v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\u_0v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-u_0v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&v_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-v_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&-u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&-v_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&v_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&-u_0v_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&u_0v_0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&-u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0v_0&0\\0&1&0&u_0v_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&-v_0&0&1&0&0\\v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&u_0\\0&0&1&0&-u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&v_0&0&1&0&0\\-v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\u_0v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-u_0v_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&u_0\\0&0&1&0&-u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\-v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\-u_0v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&u_0v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&v_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-v_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&u_0\\0&0&1&0&-u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&-v_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&v_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&u_0v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-u_0v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&v_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-v_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&u_0\\0&0&1&0&-u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&-v_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&v_0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0v_0&0\\0&1&0&u_0v_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&-u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\-v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&u_0v_0&0&1&0\\0&-u_0v_0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-v_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&-u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\-v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&v_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&-u_0v_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&u_0v_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&v_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-v_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&-u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&-v_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&v_0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&u_0v_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0v_0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-v_0\\0&0&1&0&v_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&-u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&v_0\\0&0&1&0&-v_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&-v_0&0&1&0&0\\v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&-u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&v_0&0&1&0&0\\-v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0v_0&0&1&0\\0&u_0v_0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&-u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\-v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&-u_0v_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&u_0v_0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&v_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-v_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&-u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&-v_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&v_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&u_0v_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0v_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-v_0\\0&0&1&0&v_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&-u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&v_0\\0&0&1&0&-v_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&u_0v_0&0\\0&1&0&-u_0v_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&-v_0&0&1&0&0\\v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&v_0&0&1&0&0\\-v_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&-u_0v_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&u_0v_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\-v_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&v_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&u_0v_0\\0&0&1&0&-u_0v_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-v_0&0&1&0\\0&v_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&v_0&0&1&0\\0&-v_0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&-u_0v_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&u_0v_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&v_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-v_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&-v_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&v_0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&u_0v_0&0\\0&1&0&-u_0v_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0&0\\0&1&0&u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&u_0&0\\0&1&0&-u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&v_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\-v_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&-u_0v_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&u_0v_0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0),X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0&0\\0&1&0&u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-v_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&u_0&0\\0&1&0&-u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\-v_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&v_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0v_0\\0&0&1&0&u_0v_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0&0\\0&1&0&u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-v_0&0&1&0\\0&v_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&u_0&0\\0&1&0&-u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&v_0&0&1&0\\0&-v_0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&u_0v_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0v_0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\quad \beta=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$[X_\alpha(u_0)\,,X_\beta(v_0)]=X_{\alpha+\beta}(-u_0v_0)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0&0\\0&1&0&u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&v_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-v_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&u_0&0\\0&1&0&-u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&-v_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&v_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&u_0v_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-u_0v_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

6 Weyl group

One of the defining characteristics of a root system Φ is that for any two roots $\alpha, \beta \in \Phi$, the reflection of β across the hyperplane perpendicular to α is another root. The reflection across the hyperplane perpendicular to α is denoted σ_α, and the previous sentence can be rephrased as saying that σ_α is a (bijective) function from Φ to itself. The reflection of β is then denoted $\sigma_\alpha(\beta)$. For each root $\alpha \in \Phi$, there is an element $w_\alpha \in G$ with the following properties:

1. $w_\alpha \in N_G(T)$, i.e. w_α normalizes the torus, i.e. $w_\alpha \cdot t \cdot w_\alpha^{-1} \in T$ for all $t \in T$.
2. $w_\alpha^2 \in Z_G(T)$, i.e. w_α^2 centralizes the torus, i.e. $w_\alpha^2 \cdot t \cdot (w_\alpha^2)^{-1} = t$ for all $t \in T$. Under some assumptions, $T = Z_G(T)$, though this is not true for all of the groups considered in this package.
3. For any root $\beta \in \Phi$, the conjugation of the root subgroup U_β by w_α is the root subgroup $U_{\sigma_\alpha(\beta)}$. That is, for $x \in U_\beta$,
$$w_\alpha \cdot x \cdot w_\alpha^{-1} \in U_{\sigma_\alpha}(\beta)$$
More precisely, given an element $x_\beta(u) \in U_\beta$, there is some function $\varphi_{\alpha\beta}(u)$ so that
$$w_\alpha \cdot x_\beta(u) \cdot w_\alpha^{-1} = x_{\sigma_\alpha(\beta)}\Big(\varphi_{\alpha\beta}(u)\Big)$$

Taken together, properies (1) and (2) above say that viewed as an element of the quotient group $N_G(T)/Z_G(T)$, (the class of) w_α is an element of order 2 (or order 1 but that doesn't happen for other reasons).

6.1 Weyl group elements

The table below lists roots along with an associated Weyl group element.

α	w_α
$(-1,\ -1,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(-1,\ 0,\ 1)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(-1,\ 1,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

α	w_α
$(0,\ -1,\ -1)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(0,\ -1,\ 1)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$
$(0,\ 1,\ -1)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$
$(0,\ 1,\ 1)$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(1,\ -1,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
$(1,\ 0,\ -1)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(1,\ 0,\ 1)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
$(1,\ 1,\ 0)$	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

6.2 Weyl group conjugation coefficients

The table below lists roots along with the coefficients obtain in performing conjugation by an associated Weyl element.

α	β	$\gamma = \sigma_\alpha(\beta)$	$\varphi_{\alpha\beta}(u)$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$-u_0$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	u_0
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0$
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0
$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	u_0
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$-u_0$
$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0$
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	u_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0

α	β	$\gamma = \sigma_\alpha(\beta)$	$\varphi_{\alpha\beta}(u)$
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	u_0
$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(0,\ -1,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ -1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ -1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0$
$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0$
$(0,\ 1,\ -1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0$
$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(0,\ 1,\ 1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$-u_0$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$-u_0$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$-u_0$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$

α	β	$\gamma = \sigma_\alpha(\beta)$	$\varphi_{\alpha\beta}(u)$
$(1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	u_0
$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	u_0
$(1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0
$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0
$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	u_0
$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	u_0
$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	u_0
$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(1,\ 0,\ 1)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	u_0
$(1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$-u_0$
$(1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ 1,\ 1)$	u_0
$(1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ 1,\ 0)$	$-u_0$
$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ -1,\ 1)$	$(1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ -1)$	$(-1,\ 0,\ -1)$	$-u_0$
$(1,\ 1,\ 0)$	$(0,\ 1,\ 1)$	$(-1,\ 0,\ 1)$	u_0
$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$(1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$
$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ -1)$	$(0,\ -1,\ -1)$	$-u_0$
$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 0,\ 1)$	$(0,\ -1,\ 1)$	u_0
$(1,\ 1,\ 0)$	$(1,\ 1,\ 0)$	$(-1,\ -1,\ 0)$	$-u_0$

6.3 Weyl group conjugation identities

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & u_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & u_0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & u_0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&u_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\-u_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\u_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-u_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&-u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&u_0&0&1&0\\0&-u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & u_0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & u_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&u_0&0&1&0&0\\-u_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0&0\\0&1&0&u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\-u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&0&0&0&1\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\1&0&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&-u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&u_0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&u_0&0&1&0&0\\-u_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&u_0&0\\0&1&0&-u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & u_0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & u_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\u_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-u_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-u_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\u_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\u_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-u_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}0&1&0&0&0&0\\1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & u_0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -u_0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & u_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & u_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & -u_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & u_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -u_0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ u_0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -u_0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-u_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\u_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\u_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-u_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&-u_0&0&1&0&0\\u_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-u_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\u_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&u_0\\0&0&1&0&-u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&-u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&-u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&u_0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&u_0&0&1&0\\0&-u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&-u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&u_0&0\\0&1&0&-u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&-u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0&0\\0&1&0&u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&-u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&u_0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&-u_0&0&1&0&0\\u_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-u_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\u_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(-1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&-u_0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\u_0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&-u_0&0&1&0&0\\u_0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\u_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-u_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(-1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(-1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\u_0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&-u_0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\u_0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&-u_0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(0,\ -1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&-u_0&0&1&0\\0&u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&u_0&0&1&0\\0&-u_0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\beta=(0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,,\sigma_\alpha(\beta)=(0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right)w_\alpha^{-1}=X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (0,\ 1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&u_0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&-u_0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&u_0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&-u_0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(-u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&-u_0\\0&0&1&0&u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&u_0\\0&0&1&0&-u_0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 0,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ -1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&u_0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}1&u_0&0&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&-u_0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0&0\\0&1&0&u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$

$$\alpha = (0,\ -1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \beta = (1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0)\,, \sigma_\alpha(\beta) = (1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0)$$

$$w_\alpha X_\beta\left(u_0\right) w_\alpha^{-1} = X_{\sigma_\alpha(\beta)}\left(u_0\right)$$

$$\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&-u_0&0\\0&1&0&u_0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&0&0&0&0&0\\0&0&1&0&0&0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&0&1\\0&0&0&0&1&0\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}1&0&0&0&0&-u_0\\0&1&0&0&0&0\\0&0&1&u_0&0&0\\0&0&0&1&0&0\\0&0&0&0&1&0\\0&0&0&0&0&1\end{bmatrix}$$